

2º ESO. Ecuaciones. Soluciones. Entrega 12. (01-04-2020)

Ecuaciones de primer grado.

Recuerda el ejemplo que vimos en la entrega anterior:

$$\frac{x+8}{2} = \frac{x-4}{6} + 2$$

Comenzamos hallando el m.c.m. de los denominadores. m.c.m. (2, 6)=6

$$6 \cdot \frac{x+8}{2} = 6 \cdot \left(\frac{x-4}{6} + 2 \right) \quad \text{Multiplicamos los dos miembros de la ecuación por el m.c.m.}$$

$$\frac{6(x+8)}{2} = \frac{6(x-4)}{6} + 6 \cdot 2 \quad \text{Operamos, multiplicando por 6 todos los términos que hay dentro de los paréntesis. ¡No olvidéis poner un paréntesis! Simplificamos los términos que sea posible.}$$

$$3(x+8) = x - 4 + 6 \cdot 2 \quad \text{Eliminamos los paréntesis}$$

$$3x + 24 = x - 4 + 12 \quad \text{Transponemos los términos (términos con } x \text{ a un lado del igual y números al otro)}$$

$$3x - x = -4 + 12 - 24 \quad \text{Operamos los términos semejantes}$$

$$2x = -16 \quad \text{Despejamos } x$$

$$x = \frac{-16}{2} = -8 \quad \text{Solución}$$

Podéis ver este vídeo donde se explican la resolución de las ecuaciones de primer grado paso a paso.

<https://www.youtube.com/watch?v=II8ChOgDsoY>

1. Resuelve las siguientes ecuaciones paso a paso.

$$10) \frac{x-3}{4} = \frac{x-5}{6} + \frac{x-1}{9} \quad \text{m.c.m. denominadores} \rightarrow \text{m.c.m}(4,6,9) = 36$$

$$36 \cdot \left(\frac{x-3}{4} \right) = 36 \cdot \left(\frac{x-5}{6} + \frac{x-1}{9} \right) \quad \text{Multiplicamos los 2 miembros por el m.c.m}$$

$$\frac{36(x-3)}{4} = \frac{36(x-5)}{6} + \frac{36(x-1)}{9} \quad \text{Operamos, multiplicando por 36 todos los términos. Simplificamos}$$

$$9 \cdot (x-3) = 6 \cdot (x-5) + 4 \cdot (x-1) \quad \text{Eliminamos paréntesis.}$$

$$9x - 27 = 6x - 30 + 4x - 4 \quad \text{Transponemos los términos}$$

$$-27 + 30 + 4 = 6x + 4x - 9x \quad \text{Operamos términos semejantes}$$

$$\boxed{7 = x}$$

Solución.

$$11) \frac{x}{6} + 5 + x = \frac{1}{3} \quad \text{m.c.m}(6,3) = 6$$

$$6 \cdot \left(\frac{x}{6} + 5 + x \right) = 6 \cdot \frac{1}{3} \quad \text{Multiplicamos los 2 miembros por el m.c.m}$$

$$\frac{6x}{6} + 6 \cdot 5 + 6x = \frac{6}{3} \quad \text{Operamos, multiplicando por 6 todos los términos. Simplificamos.}$$

$$x + 30 + 6x = 2 \quad \text{Transponemos}$$

$$x + 6x = 2 - 30 \quad \text{Operamos términos semejantes}$$

$$7x = -28 \quad \text{Despejamos } x$$

$$\boxed{x = -\frac{28}{7} = -4} \quad \text{Solución}$$

$$12) \frac{x-2}{3} - \frac{x-4}{5} = \frac{x-3}{4} \quad m.c.m(3, 5, 4) = 60$$

$$60 \cdot \left(\frac{x-2}{3} - \frac{x-4}{5} \right) = 60 \cdot \left(\frac{x-3}{4} \right)$$

Multiplicamos los 2 miembros por m.c.m

$$\frac{60(x-2)}{3} - \frac{60(x-4)}{5} = \frac{60(x-3)}{4}$$

Operamos multiplicando por 60 todos los términos. Simplificamos

$$20(x-2) - 12(x-4) = 15(x-3)$$

Eliminamos los paréntesis

$$20x - 40 - 12x + 48 = 15x - 45$$

Transponemos los términos

$$20x - 12x - 15x = -45 + 40 - 48$$

Operamos términos semejantes

$$-7x = -53$$

Despejamos x

$$\boxed{x = \frac{-53}{-7} = \frac{53}{7}}$$

Solución

$$16) 3x + 2 = 8 - 5x$$

Transponemos los términos

$$3x + 5x = 8 - 2$$

Operamos los términos semejantes

$$8x = 6$$

Despejamos x.

$$\boxed{x = \frac{6}{8} = \frac{3}{4}}$$

Simplificamos la solución